

## 5. Hellende reservoar

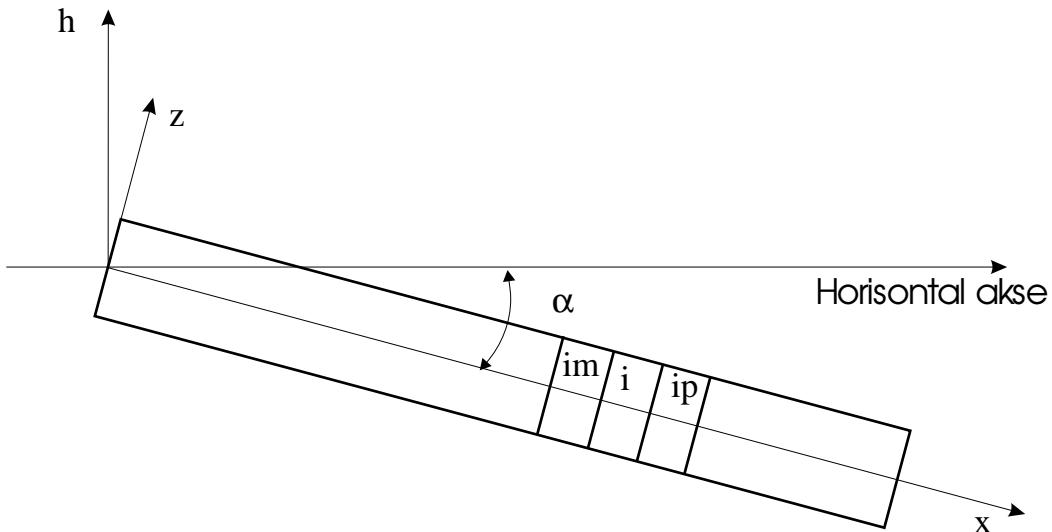
Utvid programmet til å inkludere helning. Bruk data som i øving 4, med  $\alpha = +45^\circ$  og  $\alpha = -45^\circ$ ,  $rhost\cdot d = 0.38 \text{ psi/ft}$ . Kjør programmet til stasjonær tilstand og kontroller svaret ved å sammenlikne med Darcy's lov.

### Kommentarer

Simuleringsligningen for et horisontalt system er

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{Ck_o b_o}{\mu_o} \frac{\partial p_o}{\partial x} \right) + a9 = a2 \frac{\partial p_o}{\partial t}.$$

I Figur 1 er vist en skisse av et reservoar med helning. Det angitte horisontalplanet er valgt til et datumplan. Dette innebærer at det vertikale høydenivået settes lik null i trykkpunktet til første blokk. I figuren regnes  $\alpha$  negativ, slik at  $\sin \alpha = dh/dx$  er



Figur 1: Endimensjonalt reservoar med helning

negativ. Trykket i ligningen må nå erstattes med potensialet:

$$\frac{\partial p_o}{\partial x} \leftarrow \frac{\partial p_o}{\partial x} + \rho_o \frac{dh}{dx}, \quad \Phi_o = p_o + \rho_o h.$$

Her er  $\rho_o$  tettheten av olje ved reservoarforhold, dimensjonen er  $\text{lb}_f/\text{ft}^3/144$ , eller  $\text{psi}/\text{ft}$ . Simuleringsligningen på differanseform for horisontalt system er

$$\begin{cases} O_{xi}^- \cdot \Delta p_i^- + O_{xi}^+ \cdot \Delta p_i^+ + a9_i = H.S. \\ \Delta p_i^- = p_{im} - p_i \\ \Delta p_i^+ = p_{ip} - p_i \end{cases}$$

Dette må endres til

$$\begin{cases} \Delta p_i^- \leftarrow p_{im} - p_i - gho_i^- \\ \Delta p_i^+ \leftarrow p_{ip} - p_i + gho_i^+ \end{cases}$$

Her er

`gho`: Gravity Head Oil

`ghoi-`: `(rhoim * dexim + rhoi* dexi) * 0.5 * dhdx`

`ghoi+`: `ghoip-`

`dhdx`: `dh/dx`

`rhostd`: `rhoost + rhogstd · Rso/fpb`

`rho`: `rhoo`.

Dersom vi i tillegg definerer `gho(i) ≡ ghoi-`, kan alle gravitasjonsleddene samles opp i `a9(i)`:

$$a9(i) = qo(i) + gho(ip) * oxplus(i) - gho(i) * oxmin(i).$$

### Forslag til koding

- `gho` deklarereres som endimensjonal matrise og gis lengden `mx`.
- Inne i `fprop`, etter at `bo` er regnet ut:

```
if(dabs(dhdx) .gt. 1.D-06) then
    rhoim = rhostd * bo(1)
    gho(1) = rhoim * dex(1) * 0.5D0 * dhdx
    do i = 2, mx
        im = i -1
        rhoi = rhostd * bo(i)
        gho(i) = (rhoi * dex(i) + rhoim * dex(im))* 0.5D0 * dhdx
        rhoim = rhoi
    end do
end if
```

- I `flocon`:  $a9_i = qo_i + gho_{ip} * ox_i^+ - gho_i * ox_i^-$
- I hovedprogrammet
  - Les inn og skriv ut `rhostd`, `dhdx`
  - Før initiell trykkfordeling skrives ut og `ooip` beregnes og skrives ut, utføres følgende:

```
if(dabs(dhdx) .gt. 1.D-06) then
  do k = 1, 4
    call flprop .....
    do i = 2, mx
      po(i) = po(i-1) - gho(i)
    end do
  end do
end if
```

## Godkjenning

Lever kopi av kode og utfil fra de to kjøringene. Vis ved hjelp av Darcy's lov at trykkfallet blir som simulert.